

Concepts et Model Checking – TD 1

Question 1 – Automates de Büchi

Soit $AP = \{p, q, r\}$. Construire des automates de Büchi pour chacune des formules suivantes.

1. $\phi_1 = p \mathbf{U} (q \mathbf{U} r)$
2. $\phi_2 = \mathbf{G}(p \mathbf{U} q)$;
3. $\phi_3 = (\mathbf{G} \mathbf{F} p) \rightarrow (\mathbf{G} \mathbf{F} q)$.

Question 2 – Logique temporelle linéaire

Soit $AP = \{p, q\}$. Pour les paires de formules suivantes, résoudre ces questions :

- Est-ce que ϕ_1 implique ϕ_2 ? Si ce n'est pas le cas, donner un mot infini sur 2^{AP} qui satisfait ϕ_1 mais pas ϕ_2 .
 - La même question avec les rôles de ϕ_1 et ϕ_2 inversés.
1. $\phi_1 = \mathbf{F} \mathbf{G}(p \mathbf{U} q)$ et $\phi_2 = \mathbf{F} \mathbf{G}(\neg p \rightarrow q)$;
 2. $\phi_1 = \mathbf{G}((\mathbf{F} p) \rightarrow q)$ et $\phi_2 = \mathbf{G}(q \mathbf{U} p)$;

Question 3 Intersection des AB

On considère les deux automates de Büchi ci-dessous. Construire un troisième automate de Büchi qui accepte l'intersection de leurs langages.

**Question 4 AB déterministes**

Montrer que les langages acceptés par les AB déterministes sont clôturés sous l'intersection et l'union.